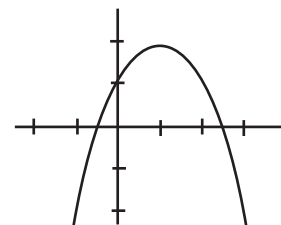




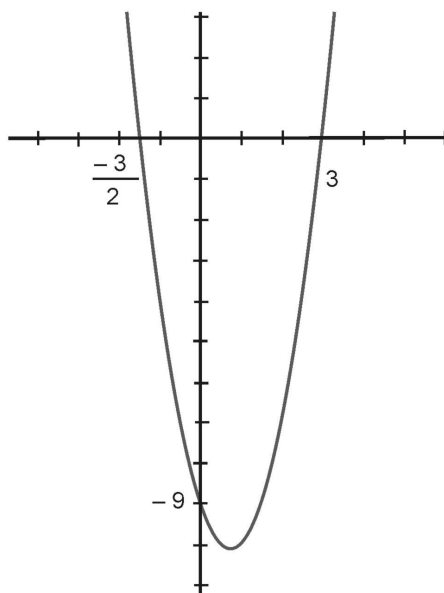
• FOLHA Nº 13 – EXERCÍCIOS •

1) A representação cartesiana da função  $y = ax^2 + bx + c$  é a parábola abaixo. Tendo em vista esse gráfico, podemos afirmar que:

- a)  $a < 0, b < 0$  e  $c < 0$
- b)  $a > 0, b > 0$  e  $c < 0$
- c)  $a > 0, b > 0$  e  $c > 0$
- d)  $a < 0, b > 0$  e  $c < 0$
- e)  $a < 0, b > 0$  e  $c > 0$



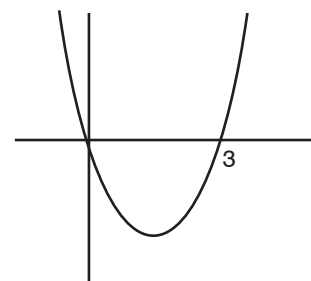
2) Qual a função que representa o gráfico seguinte?



- a)  $y = 2x^2 + 3x - 9$
- b)  $y = -2x^2 + 3x - 9$
- c)  $y = 2x^2 - 3x - 9$
- d)  $y = -2x^2 - 3x - 9$
- e)  $y = 2x^2 + 3x + 9$

3) O valor mínimo do polinômio  $y = x^2 + bx + c$ , cujo gráfico é mostrado na figura, é:

- a) -1
- b) -2
- c)  $-\frac{9}{4}$
- d)  $-\frac{9}{2}$
- e)  $-\frac{3}{2}$



4) As soluções reais da desigualdade  $x^2 + 1 > 2x$  são os números  $x$ , tais que

- a)  $x \in \mathbb{R}$
- b)  $x \geq 1$
- c)  $x > 1$
- d)  $x \neq 1$
- e)  $x < 1$

5) Sabe-se que  $2x^2 - 12xy + ky^2 \geq 0$  para todos  $x, y$  reais. O menor valor real de  $k$  é

- a) 9
- b) 16
- c) 18
- d) 27
- e) 36

6) Sejam  $p(x) = 2x^{2010} - 5x^2 - 13x + 7$  e  $q(x) = x^2 + x + 1$ . Tomando  $r(x)$  como o resto da divisão de  $p(x)$  por  $q(x)$ , o valor de  $r(2)$  é:

- a) -8
- b) -6
- c) -4
- d) -3
- e) -2

7) Sendo P e Q dois polinômios de mesma variável e de graus respectivamente iguais a  $m$  e  $n$ , e sendo  $m \leq n$ , podemos afirmar que:

- a) a soma de P e Q é de grau  $m + n$                       d) o quociente entre P e Q, caso existe é de grau  $m - n$   
 b) o produto de P por Q é de grau  $m \cdot n$   
 c) a soma de P e Q é de grau  $m$                       e) a diferença entre P e Q é de grau  $n$

8) Sejam  $p(x) = 2x^{2010} - 5x^2 - 13x + 7$  e  $q(x) = x^2 + x + 1$ . Tomando  $r(x)$  como o resto da divisão de  $p(x)$  por  $q(x)$ , o valor de  $r(2)$  é:

- a) -8                      b) -6                      c) -4                      d) -3                      e) -2

9) Se  $P(x) = ax^2 + bx + c$  e  $P(-1) \times P(1) < 0$  e  $P(1) \times P(2) < 0$ ,  $P(x)$  pode admitir, para raízes, os números:

- a) 0,3 e 3,2                      b) -2,4 e 1,5                      c) -0,3 e 0,5                      d) 0,7 e 1,9                      e) 1,3 e 1,6

10) Dividindo-se o polinômio  $P(x) = x^5 + ax^4 + bx^2 + cx + 1$  por  $(x - 1)$ , obtém-se resto igual a 2. Dividindo-se  $P(x)$  por  $(x + 1)$ , obtém-se resto igual a 3. Sabendo que  $P(x)$  é divisível por  $(x - 2)$ , tem-se que o valor  $ab/c$  é igual a:

- a) -6                      b) -4                      c) 4                      d) 7                      e) 9

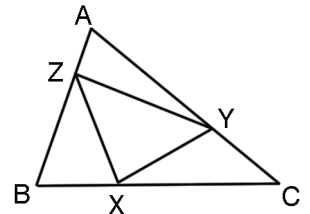
11) O resto da divisão do polinômio  $p(x) = x^4 - 2x^3 + 2x^2 - x + 1$  por  $x + 1$  é um número:

- a) Ímpar menor que 5                      c) Primo maior que 5  
 b) Par menor que 6                      d) Primo menor que 7

12) Seja ABC um triângulo e X, Y e Z pontos sobre os lados BC, CA, AB tais que  $\frac{CX}{XB} = \frac{AY}{YC} = \frac{BZ}{ZA} = 2$ .

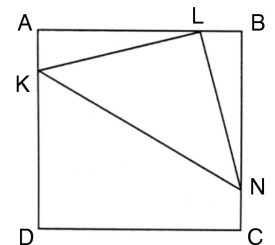
A razão entre as áreas do triângulo XYZ e do triângulo cujos lados são congruentes às medianas de ABC é:

- a)  $\frac{2}{3}$                       d)  $\frac{1}{3}$   
 b)  $\frac{1}{2}$   
 c)  $\frac{4}{9}$                       e)  $\frac{1}{4}$



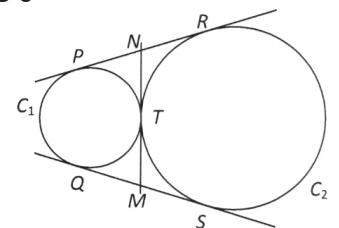
13) Na figura a seguir, ABCD é um quadrado de lado 4, K pertence ao lado AD, L pertence ao lado AB, M pertence ao lado BC e KLM é um triângulo retângulo isósceles, sendo L o ângulo reto. Então a área do quadrilátero CDKM é igual a

- a) 6  
 b) 8  
 c) 10  
 d) 12  
 e) 14



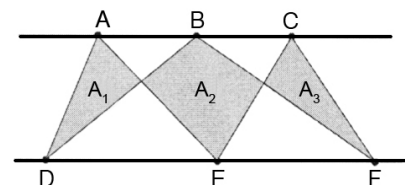
14) Os círculos  $C_1$  e  $C_2$ , de raios 3 e 4, respectivamente, são tangentes externamente em T. As tangentes externas comuns tocam  $C_1$  em P e Q e  $C_2$  em R e S. A tangente interna comum em T corta as tangentes externas nos pontos M e N, como mostra a figura. A razão entre as áreas dos quadriláteros MNPQ e MNRS é

- a)  $\frac{1}{7}$                       d)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$   
 b)  $\frac{9}{16}$   
 c)  $\frac{3}{4}$                       e)  $\frac{13}{15}$



15) Na figura abaixo os pontos A, B, C são colineares, assim como os pontos D, E, F. As duas retas ABC e DEF são paralelas. Sendo  $A_1$ ,  $A_2$  e  $A_3$  as áreas das regiões destacadas na figura, podemos afirmar que:

- a)  $A_2 = 2A_1 = 2A_3$   
 b)  $A_2 = A_1 + A_3$   
 c)  $A_2 > A_1 + A_3$   
 d)  $A_2 < A_1 + A_3$   
 e)  $A_2^2 = A_1 \cdot A_3$



16) Seja ABC um triângulo acutângulo com  $BC = 5$ . Seja E o pé da altura relativa ao lado AC e F o ponto médio do lado AB. Se  $BE = CF = 4$ , calcule a área do triângulo ABC.

a)  $8\sqrt{3} - 6$

c)  $8\sqrt{3} - 2$

e)  $6\sqrt{3} - 8$

b)  $8\sqrt{3} - 4$

d)  $8\sqrt{3}$

17) No quadrilátero convexo ABCD,  $\angle A + \angle B = 120^\circ$ ,  $AD = BC = 5$  e  $AB = 8$ . Externamente ao lado CD, construímos o triângulo equilátero CDE. Calcule a área do triângulo ABE.

a)  $12\sqrt{3}$

b)  $14\sqrt{3}$

c)  $16\sqrt{3}$

d)  $18\sqrt{3}$

e)  $20\sqrt{3}$

18) Seja ABC um triângulo retângulo em A. Considere M e N pontos sobre a hipotenusa BC tais que  $CN = NM = MB$ . Os pontos X e Y são tais que  $XA = AM$  e  $YA = AN$ . Determine a área do quadrilátero XYBC, sabendo que o triângulo ABC tem área  $12 \text{ cm}^2$ .

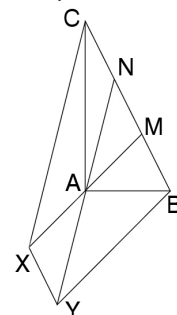
a) 30

b) 32

c) 34

d) 36

e) 38



19) Na figura a seguir, o pentágono regular ABCDE e o triângulo EFG estão inscritos na circunferência  $C_0$ , e M é ponto médio de BC. Para qual valor de  $\alpha$ , em graus, os triângulos EFG e HIG são semelhantes?

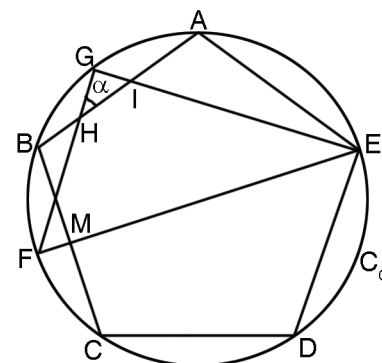
a) 28

b) 30

c) 32

d) 34

e) 36



20) Um terreno quadrangular foi dividido em quatro lotes menores por duas cercas retas unindo os pontos médios dos lados do terreno. As áreas de três dos lotes estão indicadas em metros quadrados no mapa ao lado. Qual é a área do quarto lote, representado pela região destacada no mapa?

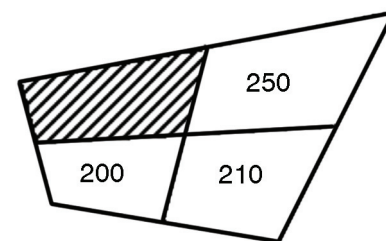
a) 200

b) 220

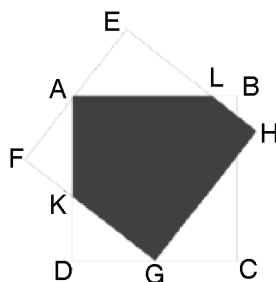
c) 240

d) 260

e) 280



21) Na figura abaixo, ABCD e EFGH são quadrados de lado 48 cm. Sabendo que A é o ponto médio de EF e G é o ponto médio de DC, determine a área destacada em  $\text{cm}^2$ .



a) 1704

b) 1705

c) 1706

d) 1707

e) 1708

22) No triângulo retângulo ABC,  $\angle A = 90^\circ$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  e  $BC = 9 \text{ cm}$ . Se I é o incentro de ABC, determine o comprimento do segmento CI.

a) 3

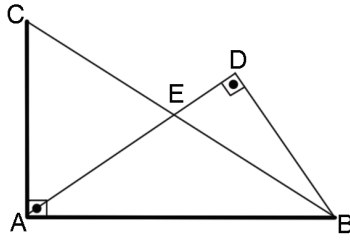
b) 4

c) 5

d) 6

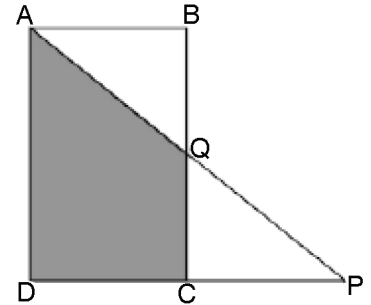
e) 7

- 23) Na figura seguinte, os triângulos ABC e ABD são retângulos em A e D, respectivamente. Sabendo que  $AC = 15$  cm,  $AD = 16$  cm e  $BD = 12$  cm, determine, em  $\text{cm}^2$ , a área do triângulo ABE.



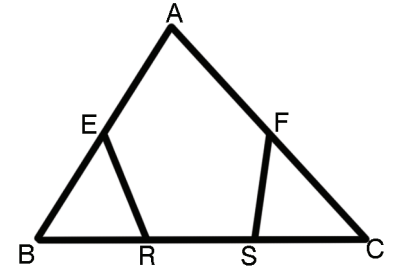
- a) 70                      b) 75                      c) 80                      d) 85                      e) 90

- 24) Na figura, P é um ponto da reta CD. A região cinza é comum ao retângulo ABCD e ao triângulo ADP. Se  $AB = 5$  cm,  $AD = 8$  cm e a área da região cinza é  $\frac{3}{4}$  da área do retângulo, quanto vale a distância PC?



- a) 1 cm  
b) 2 cm  
c) 3 cm  
d) 4 cm  
e) 5 cm

- 25) Na figura ao lado, E é o ponto médio de AB, F é o ponto médio de AC e  $BR = RS = SC$ . Se a área do triângulo ABC é 252, qual é a área do pentágono AERSF?



- a) 168  
b) 189  
c) 200  
d) 210  
e) 220

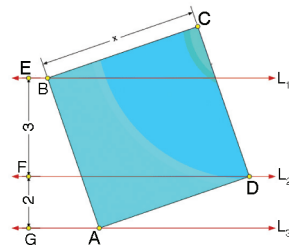
- 26) Em um triângulo ABC, seja D um ponto sobre o lado BC tal que  $DB = 14$ ,  $DA = 13$  e  $DC = 4$ . Sabendo que o círculo circunscrito ao triângulo ADB tem raio igual ao do círculo circunscrito ao triângulo ADC, calcule a área do triângulo ABC.

- a) 108                      b) 109                      c) 110                      d) 111                      e) 112

- 27) Determine o número Encontre todos os triângulos retângulos, de lados com medidas inteiras, nos quais a área tem valor numérico igual ao do perímetro.

- a) 2                      b) 3                      c) 4                      d) 5                      e) 6

- 28) Na figura,  $L_1 // L_2 // L_3$ , perpendiculares a EFG, onde ABCD um quadrado com A, D e B em  $L_3, L_1$  e  $L_2$ , respectivamente. Se  $EF = 3$  e  $FG = 2$ , a medida do lado do quadrado é:

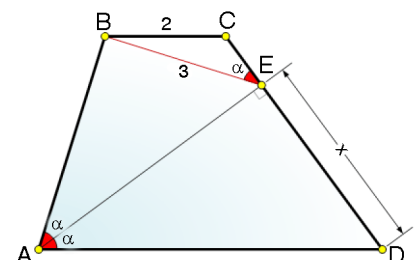


- a) 4                      b) 5                      c)  $\sqrt{26}$                       d)  $3\sqrt{3}$                       e)  $\sqrt{29}$

- 29) A figura mostra um trapézio ABCD ( $AD // BC$ ). AE é perpendicular a CD, os ângulos BAE, EAD, e BEC são congruentes,  $BC = 2$  e  $BE = 3$ .

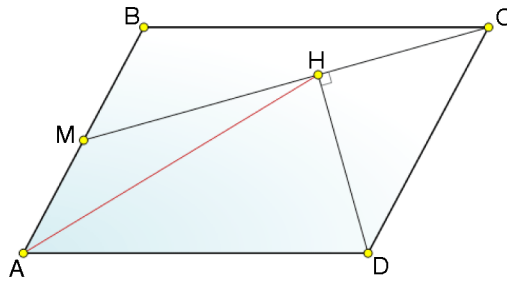
A medida de DE é:

- a)  $\sqrt{11}$   
b)  $2\sqrt{3}$   
c)  $\sqrt{13}$   
d)  $\sqrt{15}$   
e) 4



5

30) A figura abaixo mostra um paralelogramo ABCD onde M é ponto médio de AB e DH perpendicular a CM.



Se AD é igual a 12 cm, podemos afirmar que AH vale:

a)  $4\sqrt{3}$  cm

b)  $5\sqrt{3}$  cm

c) 10 cm

d)  $6\sqrt{3}$

e) 12 cm